

$$\left(\varepsilon' - \frac{\varepsilon_R + \varepsilon_D}{2}\right)^2 + \varepsilon'' = \left(\frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{2}\right)^2 \quad \dots (3)$$

となる。一方、 $\varepsilon', \varepsilon''$ の取り得る範囲を考える。

$\varepsilon', \varepsilon''$ は ω の関数であるので、 ω に関する一次導関数を考えれば良い。したがって、

$$\begin{aligned} \frac{d\varepsilon'}{d\omega} &= \frac{d}{d\omega} \left(\varepsilon_D + \frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} \right) \\ &= (\varepsilon_R - \varepsilon_D) \frac{d\{(1 + \omega^2 \tau^2)^{-1}\}}{d\omega} \\ &= -(\varepsilon_R - \varepsilon_D) \frac{2\omega\tau^2}{(1 + \omega^2 \tau^2)^2} \quad \dots (4) \end{aligned}$$

また、 ε'' の ω に関する一次関数は

$$\begin{aligned} \frac{d\varepsilon''}{d\omega} &= \frac{d}{d\omega} \left(\omega\tau \cdot \frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} \right) \\ &= \tau \frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} + \omega\tau \frac{d}{d\omega} \left(\frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} \right) \\ &= \tau \frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} + \omega\tau \frac{d\varepsilon'}{d\omega} \\ &= \tau \frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{1 + \omega^2 \tau^2} + \omega\tau \cdot \left\{ -(\varepsilon_R - \varepsilon_D) \cdot \frac{2\omega\tau^2}{(1 + \omega^2 \tau^2)^2} \right\} \\ &= \frac{\tau \cdot (\varepsilon_R - \varepsilon_D)}{(1 + \omega^2 \tau^2)^2} (1 - \omega^2 \tau^2) \end{aligned}$$

である。したがって、 $0 < \tau, 0 \leq \omega, \varepsilon_D < \varepsilon_R$ であるので、 ε' 及び ε'' の増減表は次のようになる。

ω	0	...	$\frac{1}{\tau}$...
$\frac{d\varepsilon'}{d\omega}$	0	-	0	-
ε'	ε_R	↓	$\frac{\varepsilon_R - \varepsilon_D}{2}$	↓

又、

$$\lim_{\omega \rightarrow \infty} \varepsilon' = \varepsilon_D$$

$$\lim_{\omega \rightarrow \infty} \varepsilon'' = \lim_{\omega \rightarrow \infty} \frac{\tau(\varepsilon_R - \varepsilon_D)}{\frac{1}{\omega} + \omega\tau^2} = C$$