

➤ ライプニッツ記法： $\frac{dy}{dx}, \frac{d^2y}{dx^2}, \frac{d^3y}{dx^3}, \dots$

➤ ラグランジュ記法： $y', y'', y''', y^{(4)}, \dots$

➤ 微積分の基本公式

(ア)べき関数： $\frac{d}{dx} x^n = nx^{n-1} \quad \int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C \quad \text{※}n = -1 \text{ のときは対数の積分}$

(イ)指数関数： $\frac{d}{dx} e^{ax} = ae^{ax} \quad \int ae^{ax} dx = \frac{a}{a} e^{ax} + C = e^{ax} + C$

(ウ)対数： $\frac{d}{dx} \ln(ax) = \frac{1}{x} \quad \int \frac{1}{ax} dx = \frac{1}{a} \ln|x| + C$

(エ)三角関数： $\frac{d}{dx} \sin(ax) = a \cos(ax) \quad \int \sin(ax) dx = -\frac{1}{a} \cos(ax) + C$
 $\frac{d}{dx} \cos(ax) = -a \sin(ax) \quad \int \cos(ax) dx = \frac{1}{a} \sin(ax) + C$

➤ **微分方程式**とは、ある関数 $y=f(x)$ の微分を含んだ関係式。微分方程式を**解く**とは、その関係式を満たし、かつ微分を含まない x と y の関係を見つけること。

➤ 微分方程式の用語。以下では $y=f(x)$ とする。

(ア)**階数**：微分方程式の最も高階の微分。 $y''' + y = 1$ は 3 階

(イ)**係数**： y, y' に掛かる定数、または x の関数。前者は**定数係数**、後者は**変数係数**。一つでも変数係数があれば**変数係数微分方程式**。

(ウ)**正規形**：最も高階の微分の係数を 1 とした表現。

(エ)**斉次・非斉次**： y と y の微分に係数が掛かった項のみで表される微分方程式が**斉次形**、 x や定数を含むものを**非斉次形**と呼ぶ。

(オ)**線形・非線形**： y と y の微分に係数のみがかかっているものが**線形**、 y^2 や yy' など、 y やその微分同士の積や関数($\sin y$ など)を含むものが**非線形**。

(カ)**一般解・特殊解**：**特異解**： n 階微分方程式は一般に n 個の未定係数を持つ。これらが決まっていないものを**一般解**とよび、原則的に可能なすべての解を表しうる。定数がすべて定まったものを**特殊解**と呼び、 x が与えられれば y が決まる。ただし、一般解の定数をどう決めても表せない**特異解**を持つ微分方程式もあるので注意のこと。

➤ 微分方程式の解きやすさの目安

低階 < 高階

定数係数 < 変数係数

斉次 < 非斉次

線形 < 非線形(解けない場合が多い)